

Lycée Ibn khaldoun	Devoir de contrôle N°1	Classe : 2 ^{ème} Sc3
Prof : Zribi Rgnzi	20 octobre 2010	Durée : 1 heure

Exercice n°1 (3 pts)

Pour chaque question, une seule réponse est exacte. L'exercice consiste à donner la réponse exacte sans justification.

N°	questions	réponses		
		a	b	c
1	Si A, B et C ne sont pas alignés alors	(\vec{AB}, \vec{AC}) est une base de ϑ	(\vec{AB}, \vec{AC}) est une base orthonormée de ϑ	(\vec{AB}, \vec{AC}) est une base orthogonale de ϑ
2	A(1,3); B(-2,1); C(0,1) et D(1,1) dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j})	$(AB) // (CD)$	$(AB) \perp (CD)$	(AB) et (CD) Ne ni parallèles ni perpendiculaires
3	si les solutions de l'équation $ax^2 + bx + c = 0$ sont inverses alors	$a = b$	$a = c$	$b = c$

Exercice n°2 (7 pts)

1°) a – Résoudre dans IR l'équation : $2x^2 + 5x - 3 = 0$.

b – En déduire les solutions du système
$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{5}{3} \\ xy = -\frac{3}{2} \end{cases}$$

3°) Soit l'équation (E) : $2x^3 + 9x^2 + 7x - 6 = 0$.

a – Vérifier que (-2) est une solution de (E).

b – Résoudre alors l'équation (E).

3°) Soit l'équation (E') : $-6x^3 + 7x^2 + 9x + 2 = 0$.

a – Montrer que z est une solution de (E') signifie que $\frac{1}{z}$ est solution de (E).

b – Résoudre alors l'équation (E').

Exercice n°2 (10 pts)

Soit ABC un triangle isocèle et rectangle en A tel que $AB = 4$

Soient J = A * C et I le point tel que $\vec{AI} = \frac{1}{4}\vec{AB}$.

1°) a – Montrer que $\mathcal{R} = \left(A, \vec{AI}, \frac{1}{2}\vec{AJ} \right)$ est un repère orthonormé

b – Placer le point L tel que $\vec{AL} = -\frac{1}{2}\vec{AB}$.

2°) Déterminer les coordonnées des points A, I, J, B, C, L dans le repère \mathcal{R} .

3°) Soit α un réel non nul et $M(\alpha, 2 - 2\alpha)$.

a – Montrer que $M \in (IJ)$.

b – Déterminer le réel α pour que $(LM) \perp (JM)$

4°) Soit le centre de gravité du triangle ABC.

a – Donner les coordonnées de G dans \mathcal{R} .

b – Déterminer et construire l'ensemble $\xi = \{M \text{ tel que } \|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 6\}$

