

Mr: Troudi KameL	Devoir de contrôle n°1	Section : 2SC ₁₊₄
Lycée pilote Kairouan	Mathématiques	Année: 2008/2009

Exercice 1 (4points)

Soit (\vec{i}, \vec{j}) une base orthonormée du plan.

Soient \vec{u} et \vec{v} deux vecteurs du plan définis par : $\vec{u} = \vec{i} + 3\vec{j}$ et $\vec{v} = 3\vec{i} - \vec{j}$

1) Répondre par « Vrai » ou « Faux » :

- a) $B = (\vec{u}, \vec{v})$ est une base de l'ensemble des vecteurs du plan \mathbb{R}^2 .
- b) Le vecteur \vec{u} est unitaire . \mathbb{R}^2 .
- c) $\|\vec{v}\| = \|\vec{u}\|$ équivaut à $\vec{u} = \vec{v}$. \mathbb{R}^2 .
- d) \vec{u} et \vec{v} sont orthogonaux. \mathbb{R}^2 .

2) Cocher la bonne réponse

- a) $\vec{U} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ et $\vec{V} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ sont orthogonaux si et seulement si :
 - $\mathbb{R} \{xy' + x'y = 0\}$ $\mathbb{R} \{xy' - x'y = 0\}$ $\mathbb{R} \{xx' + yy' = 0\}$
- b) la droite $D: 2x-3y + 1=0$ est de vecteur normal:
 - $\mathbb{R} \{\vec{n} = 2\vec{i} + 3\vec{j}\}$ $\mathbb{R} \{\vec{n} = -2\vec{i} + 3\vec{j}\}$ $\mathbb{R} \{\vec{n} = -2\vec{i} - 3\vec{j}\}$.
- c) L'ensemble des solutions de l'équation: $|x + 1| = 20$ est :
 - $\mathbb{R} \{19\}$ $\mathbb{R} \{-21, 19\}$ $\mathbb{R} \{19, 21\}$
- d) La forme canonique du trinôme $p(x) = 3x^2 + x - 1$ est :
 - $\mathbb{R} \left[\left(x + \frac{1}{6}\right)^2 - \frac{13}{36} \right]$ $\mathbb{R} \left[\left(x + \frac{1}{6}\right)^2 + \frac{13}{36} \right]$ $\mathbb{R} \left[\left(x - \frac{1}{6}\right)^2 - \frac{13}{36} \right]$

Exercice2 (8points)

Soit (E) : $x^2 - x - 2 = 0$

- 1) a) Sans calculer le discriminant justifier que(E) admet deux racines distinctes.
- b) Sans calculer x' et x'' calculer $(3x'+1)(3x''+1)$

2) a) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation (E)

b) En déduire la résolution dans \mathbb{R} des équations suivantes

* $x^4 - x^2 - 2 = 0$. * $3x^2 - \sqrt{3}x - 2 = 0$

c) Simplifier les expressions $A = \frac{x^4 - x^2 - 2}{x^2 + 1}$ et $B = \frac{x^4 - x^2 - 2}{x^2 - 2}$

3) Résoudre dans \mathbb{R}^2 les systèmes

a) $\begin{cases} x + y = 1 \\ xy = -2 \end{cases}$ b) $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = -0,5 \\ xy = -0,5 \end{cases}$.

Exercice3 (8points)

Soit (o, \vec{i}, \vec{j}) un repère orthonormé du plan

On donne les points A(3 , 1) , B(-1 , 1) et C(-1 , 3)

- 1) a) Placer dans le repère les points A , B et C
- b) Montrer que A,B et C ne sont pas alignés
- 2) a) Montrer qu'une équation cartésienne de la droite (AC) est: $x+2y - 5 = 0$.
- b) Déterminer les points de rencontre de la droite (AC) avec (o, \vec{i}) et (o, \vec{j}) .
- 3) a) Montrer que le triangle ABC est rectangle en B
- b) Calculer l'aire du triangle ABC.
- 4) Soit M un point du segment $[AC]$ privé des points A et C , P et Q sont les projetés orthogonaux du point M respectivement sur les segments $[AB]$ et $[BC]$

On pose $AP = x$ ($x \in \mathbb{R}^+$)

- a) Montrer que $MP = \frac{x}{2}$
- b) Soit $S(x)$ l'aire du rectangle MPBQ , Montrer que $S(x) = -\frac{1}{2}x^2 + 2x$
- c) Déterminer x pour que $S(x)$ soit égale a $\frac{3}{2}$
- d) Déterminer x pour que $S(x)$ soit maximale.