

Devoir de contrôle n°1**Exercice n°1 : (4 points)**

Soient les réels $x = \sqrt{2 - \sqrt{3}}$ et $y = \sqrt{2 + \sqrt{3}}$

- 1) a) Comparer entre x et y.
b) Montrer que x et y sont inverses entre eux.
- 2) On pose $A = \sqrt{2 - \sqrt{3}} - \sqrt{2 + \sqrt{3}}$.
a) Calculer A^2 .
b) Déduire une écriture plus simple de A.

Exercice n°2 : (4 points)

Résoudre dans IR.

- 1) $\frac{(x-1)(x-2)}{4-2x} = 0$
- 2) $|2x+1| > |3x-2|$

Exercice n°3 : (8 points)

Le plan est muni d'un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) . on considère les points

A (1,2), B(3,4), C (-1,4) et D (2,1).

- 1) Montrer que (\vec{AB}, \vec{AC}) forme une base de l'ensemble des vecteurs.
- 2) a) Montrer que les vecteurs \vec{AB} et \vec{AC} sont orthogonaux.
b) Calculer AB et AC puis déduire la nature du triangle ABC.
c) Déterminer les coordonnées du point E vérifiant : $\vec{AE} = \vec{AB} + \vec{AC}$.
d) Quelle est la nature du quadrilatère ABEC ? Justifier.

3) a) Montrer que : $\vec{i} = \frac{1}{4}\vec{AB} - \frac{1}{4}\vec{AC}$.

b) En déduire les composantes du vecteur \vec{i} dans la base (\vec{AB}, \vec{AC}) .

c) Montrer que $(\frac{1}{4}, \frac{1}{4})$ sont les composantes du vecteur \vec{j} dans la base (\vec{AB}, \vec{AC}) .

d) En déduire les coordonnées du point D dans le repère (A, \vec{AB}, \vec{AC})

Exercice n°4 : (4 points)

Soit ABC un triangle et le point I milieu de [BC].

Soient les points G et K vérifiant : $\vec{GA} + 2\vec{GB} = \vec{0}$ et $\vec{AK} = \frac{2}{3}\vec{AC}$

- 1) Montrer que : $\vec{AG} = \frac{2}{3}\vec{AB}$.
- 2) Construire les points G et K.
- 3) Montrer que les droites (GK) et (BC) sont parallèles.
- 4) Soit le point J vérifiant : $\vec{AJ} = \vec{AG} + \vec{AK}$.
Montrer que les points A, I et J sont alignés.

Bon travail