

Calculatrice autorisée 

EXERCICE 1 : 3 POINTS

Choisir la seule réponse exacte pour chacune des questions suivantes . Aucune justification n'est demandée

1- le discriminant Δ du trinôme $x^2 - 3x - 1$ est :

- a) $\Delta = -5$ b) $\Delta = 13$ c) $\Delta = \sqrt{13}$

2- A,B,C et D sont 4 points distinctes du plan . Le vecteur $\vec{u} = \vec{AB} + 2\vec{CA} + \vec{AD} + 2\vec{BC}$ est égale a :

- a) \vec{CD} b) $\vec{0}$ c) \vec{BD}

3- Soit l'équation $ax^2 - bx + c = 0$; $a \neq 0$. si $a - b + c = 0$ alors l'équation admet deux solutions qui sont :

- a) $x' = 1$ et $x'' = -\frac{c}{a}$ b) $x' = -1$ et $x'' = -\frac{c}{a}$ c) $x' = 1$ et $x'' = \frac{c}{a}$

EXERCICE 2 : 8 POINTS

- Les deux questions sont indépendantes -

1- a Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :

• $2x^2 + x - 6 = 0$ • $x^2 + x - 6 = 0$

b- Factoriser les deux expressions P et Q suivantes : $P = x^2 + 4x - 5$; $Q = 2x^2 + 7x + 3$

c- Donner le tableau de signe du trinôme $2x^2 + x - 6$

d- Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation suivante: $2x^2 + x - 6 \geq 0$

2- Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation suivante : $\sqrt{2x^2 + x - 6} \leq x$

EXERCICE 3 : 8 POINTS

Le plan est rapporté a un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) . Dans la figure 1 si dessous on a :

- A(0,4) ; B(8,0) et C(-2,0) trois points du plan
- H est le projeté orthogonal de O sur (AB)
- G_1 et G_2 les deux centres de gravité des triangles OAC et OAB respectivement.

1-a- Déterminer les composantes des vecteurs \vec{AB} , \vec{AC} et \vec{BC}

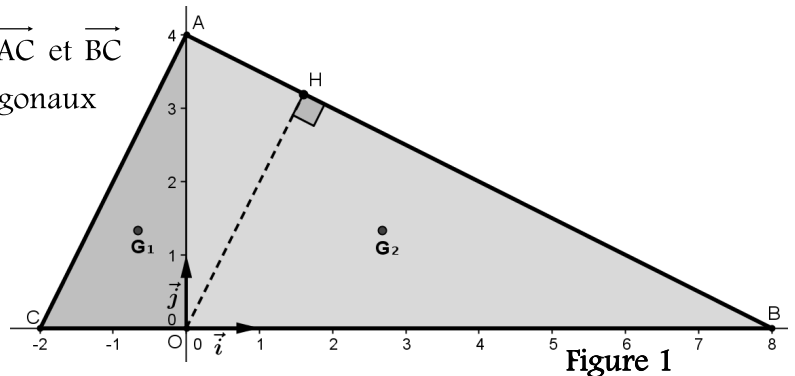
b- Montrer que les vecteurs \vec{AB} et \vec{AC} sont orthogonaux

c- On désigne par A l'aire du triangle ABC

Montrer que $A = 20$

2-a- Montrer que $\vec{OH} = -\frac{4}{5}\vec{AC}$

b- En déduire les coordonnées du point H .



3-a- Montrer que les coordonnées de G_1 et G_2 sont respectivement $(-\frac{2}{3}, \frac{4}{3})$ et $(\frac{8}{3}, \frac{4}{3})$.

b- En déduire que les vecteurs $\vec{G_1G_2}$ et \vec{BC} sont colinéaires .

4- Donner les composantes des vecteurs \vec{AH} et \vec{AO} dans la base (\vec{AB}, \vec{AC}) .

