

Lycée secondaire F.Hachet	<u>DEVOIR DE CONTROLE</u> <u>N° 1</u>	Prof : Boubaker .H Niveau : 2 ^{eme} s ₂
	Durée : 1H	

Exercice n° 1 (4pts)

1/ Soit a et b deux réels tel que $0 < a < b$ donc $\frac{a+1}{a} < \frac{b+1}{b}$

2/L'ensemble des solutions de l'équation $x(x - \sqrt{3}) = \pi(x - \sqrt{3})$
 $\ast\{\pi\}$; $\ast\{\sqrt{3}\}$; $\ast\{\pi; \sqrt{3}\}$

3/ Si G le barycentre des points pondérées (A ; α) et (B ; β) alors :

$$\text{a) } \overrightarrow{AG} = \frac{\alpha}{\alpha+\beta} \overrightarrow{AB} \quad \text{b) } \overrightarrow{AG} = \frac{\beta}{\alpha+\beta} \overrightarrow{AB} \quad \text{c) } \overrightarrow{AG} = \frac{\alpha+\beta}{\alpha} \overrightarrow{AB}$$

4/ABCD un parallélogramme de centre I alors :

$$\text{a) } \overrightarrow{AC} = -2\overrightarrow{AI} \quad \text{b) } \overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{AI} \quad \text{c) } \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AI} + \overrightarrow{CI}$$

Exercice n°2(8pts)

1/ Résoudre dans \mathfrak{R} les équations suivantes : $x^2 + 2x - 1 = 0$

$$x^2 - 4x + 4 = 0 \quad ; \quad \sqrt{3x - 2} = 3$$

2/ Soit $A = x^3 - 27 - (x - 3)(x + 1)$ et $B = x^3 + 3x^2 - 4(x - 1)(x + 3)$

a) Montrer que : $A = (x - 3)(x^2 + 2x - 1)$
et $B = (x + 3)(x^2 - 4x + 4)$

b) Résoudre dans \mathfrak{R} les équations suivantes : $A=0$ et $B=0$

Exercice n°3(8pts)

Dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) , on donne les points A(2 ;2), B(4 ;4), C(4 ;0) et D(6 ;2)

1/ Montrer que $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CD})$ est base orthogonale de l'ensemble des vecteurs du plan .

2/ Montrer que le quadrilatère ABDC est un carré .

3/ a) Construire les points F et K définies par $\overrightarrow{AF} = -2\overrightarrow{AB}$ et $\overrightarrow{BK} = \frac{3}{2}\overrightarrow{BD}$

c) Déterminer les coordonnées des points F et K dans le repère $(C, \overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CD})$

4/Déduire que les points C, F et K sont alignés

5/Montrer que B est le barycentre des points pondérés (K ;2) et (D ;-3)

6/ Déterminer les coordonnées du point G barycentre des points (C ;1) et (A ;2) dans la base $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CD})$