# Devoir de synthèse n°03

AS :2010/2011

**L.A.B.Bembla** Mr: Mbarki. J

Durée : 2h Classes 4<sup>ème</sup> E.G

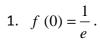
#### Exercice 1: (4points)

Dans la figure ci-contre  $(\zeta)$  est la courbe représentative de la fonction f définie sur IR par

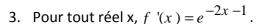
$$f\left(x\right)=e^{-2x-1}$$
 .  $\Delta$  est la tangente à la courbe $\left(\zeta\right)$  au point d'abscisse  $-\frac{1}{2}$  .

Répondre par vrai ou faux à chacune des propositions suivantes.

On ne donnera aucune justification.



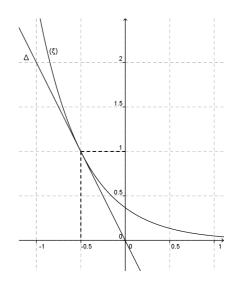
$$2. \quad \lim_{x \to +\infty} f(x) = 0.$$



4. Une équation de la tangente 
$$\Delta$$
 est y=-2x.

5. Pour tout réel x, 
$$e^{-2x-1} \ge -2x$$
.

6. Pour 
$$x > -\frac{1}{2}$$
,  $e^{-2x-1} > 1$ 



## **Exercice 2: (6points)**

Soit le graphe G ci-contre

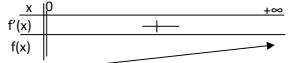
4. On donne 
$$M^2 = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 2 & 2 & 2 \\ 2 & 4 & 1 & 3 & 2 \\ 2 & 1 & 2 & 1 & 2 \\ 2 & 3 & 1 & 4 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$
. Combien de chaine de longueur 4 relient- elle les sommets

#### Exercice 3: (5points)

Soit f la fonction définie sur  $]0;+\infty[$   $par f(x) = x + \frac{2\ln x}{x}$ .

On note (C<sub>f</sub>) sa courbe représentative dans un repère orthonormé  $(O; \overrightarrow{I}; \overrightarrow{j})$ .

- 1. Calcular  $\lim_{x \to 0^+} f(x)$  et  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ .
- 2. On admet que le tableau de variation de f est le suivant :
  - a) Montrer que l'équation f(x)=0 admet Dans IR une unique solution  $\alpha$ .



- b) Monter que  $0.5 < \alpha < 1$ .
- 3. a) Montrer que la droite  $\Delta : y = x$  est une asymptote à (C<sub>f</sub>) au voisnage de  $+\infty$ .
  - b) Etudier la position de  $(C_f)$  par rapport à  $\Delta$ .
- 4. Tracer  $\Delta$  et (C<sub>f</sub>).
- 5. Calculer, en unité d'aire, l'aire de la partie du plan limitée par  $\Delta$ , ( $C_f$ ) et les droites d'équations : x=1 et x=e.

## Exercice 4: (5points)

Soit f la fonction définie sur IR par  $f(x) = 1 + x + e^x$ 

On désigne par (C<sub>f</sub>) la courbe représentative de f dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

- 1/a) Montrer que pour tout réel x : f '(x) > 1.
  - b) Dresser le tableau de variation de f .
- 2/a) Montrer que  $\Delta$  : y = x + 1 est une asymptote à (C<sub>f</sub>) au voisinage de  $-\infty$ 
  - b) Etudier la position de  $(C_f)$  par rapport à  $\Delta$ .
- 3/ Montrer que  $\lim_{x \to +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ . Interpréter le résultat graphiquement.
- 4/a) Montrer que f réalise une bijection de IR sur IR.
  - b) Montrer que l'équation f(x) = 0 admet une unique solution  $\alpha$  et que :-2 <  $\alpha$  <-1