

<b>REPUBLIQUE TUNISIENNE</b> <b>MINISTERE DE L'EDUCATION</b> ◆◆◆◆ Lycée Ibn Arafa chebika - Kairouan Mars 2016	<b>Epreuve : SCIENCES PHYSIQUES</b>
	<b>Durée : 2 H</b>
	<b>Coefficient : 4</b>
<b>Section : Sciences expérimentales</b>	<b>Prof :Habboul-Neji</b>

## Chimie ( 9points)

### Exercice 1 (4 points)

A fin d'étudier la réaction de formation de l'ion thiocyanatofer II ( $\text{Fe}(\text{SCN})^{2+}$ ) de couleur rouge sang à une température  $\theta$ , on fait réagir des ions fer III ( $\text{Fe}^{3+}$  : couleur brune) avec des ions thiocyanate ( $\text{SCN}^-$  : incolore). La réaction est modélisée par l'équation :  $\text{Fe}^{3+} + \text{SCN}^- \rightleftharpoons \text{Fe}(\text{SCN})^{2+}$

Les constituants du système chimique sont dans une même phase liquide. À un volume  $V_1 = 50$  mL d'une solution aqueuse d'ions  $\text{Fe}^{3+}$  de concentration molaire  $C_1 = 18 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ , on ajoute, à l'instant de date  $t_1$ , un même volume  $V_2 = V_1 = 50$  mL d'une solution aqueuse d'ions thiocyanate  $\text{SCN}^-$  à la même concentration  $C_2 = C_1 = 18 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ . Le suivi expérimental de l'évolution du système montre qu'à partir d'un instant de date  $t_2$  la concentration des ions  $\text{Fe}(\text{SCN})^{2+}$  prend une valeur  $[\text{Fe}(\text{SCN})^{2+}]_{\text{éq}} = 8 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$  qui reste inchangée pour tout  $t \geq t_2$

- 1)
  - a) Donner l'expression de la fonction des concentrations  $\pi$  associée à l'équation chimique considérée.
  - b) Calculer la valeur de cette fonction des concentrations  $\pi$  à l'instant de date  $t_1$  et indiquer le sens d'évolution spontanée du système.
- 2)
  - a) Dresser le tableau descriptif d'évolution du système.
  - b) Calculer l'avancement maximal  $x_{\text{max}}$  et montrer que l'avancement final est  $x_f = 8 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$ .
  - c) En déduire la composition molaire du mélange à l'équilibre.
  - d) Déterminer la valeur du taux d'avancement final  $\tau_f$ . Conclure
  - e) Calculer la valeur de la constante d'équilibre  $K$  associée à l'équation d'apparition de l'ion  $\text{Fe}(\text{SCN})^{2+}$ .
- 3)
  - a) En chauffant le système chimique à l'équilibre, on constate que la couleur rouge sang devient plus claire. Préciser, en justifiant, le caractère énergétique de la réaction de formation de l'ion thiocyanatofer II .
  - b) Indiquer, en justifiant, dans quel sens se déplace l'équilibre si on ajoute une très faible quantité de thiocyanate de potassium  $\text{KSCN}$  solide à la température  $\theta$  et à volume constant.
- 4) On ajoute au mélange obtenu quelques gouttes d'une solution concentrée d'hydroxyde de sodium ( $\text{NaOH}$ ). Un précipité rouille d'hydroxyde de fer III apparaît. Sachant que la coloration rouge sang s'intensifie avec l'augmentation de la concentration des ions  $\text{Fe}(\text{SCN})^{2+}$ , préciser si, après filtration, la couleur rouge sang du filtrat est plus foncée ou bien moins foncée que précédemment. Justifier la réponse. On suppose que, dans les conditions de cette expérience, les ions  $\text{OH}^-$  ne réagissent qu'avec les ions  $\text{Fe}^{3+}$ .

### Exercice 2 (5 points)

Toutes les solutions sont prises à  $25^\circ\text{C}$ , température à laquelle le produit ionique de l'eau pure  $K_e = 10^{-14}$ . En dissolvant chacun des trois acides  $\text{A}_1\text{H}$ ,  $\text{A}_2\text{H}$ ,  $\text{A}_3\text{H}$  dans l'eau pure, on prépare respectivement trois solutions aqueuses acides ( $\text{S}_1$ ), ( $\text{S}_2$ ) et ( $\text{S}_3$ ) de même concentration molaire  $C = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$  et de même volume  $V$ . La mesure des pH des trois solutions fournit le tableau suivant :

Solution	(S <sub>1</sub> )	(S <sub>2</sub> )	(S <sub>3</sub> )
pH	2,9	3,4	2

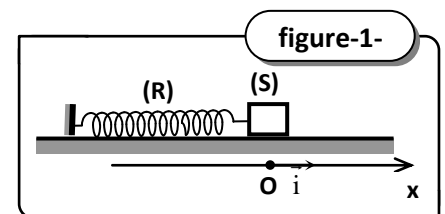
- 1) Montrer que  $A_3H$  est un acide fort et que  $A_1H$  et  $A_2H$  sont des acides faibles.
- 2) On effectue un prélèvement de 10mL de la solution ( $S_1$ ) et on lui ajoute 90mL d'eau distillée. On obtient ainsi une solution ( $S'_1$ ). Pour effectuer cette dilution, on dispose de la verrerie suivante :
  - Des fioles jaugées de 100mL, 250mL et 500mL ;
  - Des pipettes jaugées de 5mL, 10mL et 20 mL ;
  - Pissette contenant de l'eau distillée.
 Décrire le mode opératoire pour préparer la solution ( $S'_1$ ) à partir de ( $S_1$ ), en choisissant la verrerie la plus adéquate et qui nécessite le moins nombre d'opérations.
- 3)
  - a) En utilisant l'avancement volumique  $y$ , dresser le tableau descriptif d'évolution du système pour un acide faible AH.
  - b) Montrer, en précisant les approximations utilisées, que le  $pK_a$  du couple  $AH/A^-$  vérifie la relation suivante :  $pK_a = 2 pH + \log C$ .
  - c) Calculer  $pK_{a1}$  et  $pK_{a2}$  respectivement des deux acides  $A_1H$  et  $A_2H$ .
  - d) Comparer les acides  $A_1H$  et  $A_2H$ . Ce résultat est-il prévisible ? Justifier.
  - e) Montrer que le taux d'avancement final de la réaction d'un acide faible AH avec l'eau peut s'écrire sous la forme :  $\tau_f = \sqrt{\frac{K_a}{C}}$  où  $K_a$  désigne la constante d'acidité du couple  $AH/A^-$ .
  - f) Calculer  $\tau_f$  pour l'acide  $A_1H$  avant et après dilution et déduire l'effet de la dilution sur l'ionisation d'un acide faible dans l'eau.
- 4)
  - a) Ecrire l'équation de la réaction de l'acide  $A_1H$  avec la base  $A_2^-$ .
  - b) Exprimer la constante d'équilibre  $K$  de cette réaction en fonction  $K_{a1}$  et  $K_{a2}$ . ( $K_{a1}$  et  $K_{a2}$  sont les constantes d'acidité respectivement des couples  $A_1H/A_1^-$  et  $A_2H/A_2^-$ ).
  - c) Calculer  $K$  et montrer que le résultat trouvé confirme la réponse de la question 3) d).

## Physique (11points)

### Exercice 1 (5 points)

#### Partie A :

Un pendule élastique horizontal est constitué d'un solide (S) de masse  $m=500g$ , attaché à l'une des extrémités d'un ressort horizontal, parfaitement élastique, de raideur  $K$  et de masse négligeable, l'autre extrémité du ressort étant fixe (voir figure1). On néglige tout type de frottement et on étudie le mouvement du solide (S) relativement à un



repère galiléen ( $O, \vec{i}$ ) horizontal, d'origine  $O$  coïncidant avec la position d'équilibre du solide.

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre d'une distance  $X_m$  puis on le lâche sans vitesse.

Lorsque le solide passe par une position d'abscisse  $x_0$  ( $x_0 \neq 0$ ) avec une vitesse initiale  $v_0$  ( $v_0 \neq 0$ ) **en se dirigeant dans le sens positif**, on déclenche le chronomètre (c'est l'instant  $t=0s$ ) pour commencer l'étude du mouvement.

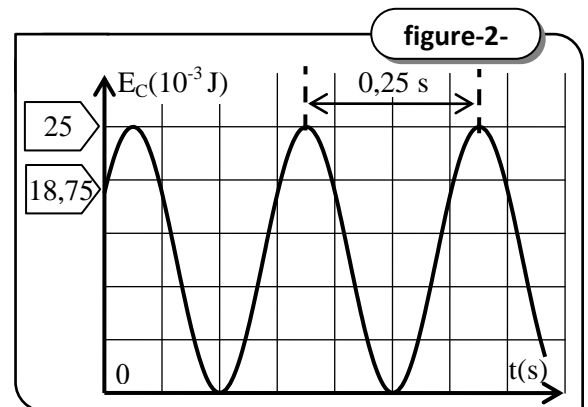
- 1)
  - a) En appliquant la relation fondamentale de la dynamique au solide (S), établir l'équation différentielle de son mouvement. Quelle est la nature de ce mouvement ?
  - b) Montrer que  $\mathbf{x}(t) = X_m \sin(\omega_0 t + \varphi_x)$  est une solution de l'équation différentielle précédente à condition que la pulsation  $\omega_0$  vérifie une expression qu'on donnera en fonction de  $K$  et  $m$ . Donner l'expression de la période propre  $T_0$  des oscillations du solide (S).
  - c) Déduire l'expression de la vitesse instantanée  $v$  du solide en fonction de  $X_m$ ,  $\omega_0$ ,  $t$  et  $\varphi_x$ .
- 2) Montrer que  $x_0$  et  $v_0$  vérifient la relation :  $x_0^2 + \frac{v_0^2}{\omega_0^2} = X_m^2$
- 3) Un ordinateur muni d'une interface et d'un capteur a enregistré les variations de l'énergie cinétique du solide (S) au cours du temps  $t$ , le graphe obtenu sur l'écran de l'ordinateur est donné par la figure2.



- a) Donner l'expression de l'énergie mécanique  $E$  du système  $S_o = \{(S) + \text{ressort}\}$  en fonction de  $x$ ,  $v$ ,  $K$  et  $m$  avec  $x$  l'élongation du solide (S) et  $v$  sa vitesse instantanée.
- b) Montrer que l'énergie  $E$  est constante, puis donner son expression en fonction de  $m$  et  $V_m$  (avec  $V_m$  : l'amplitude de la vitesse  $v$  du solide).
- c) Etablir l'expression de l'énergie cinétique  $E_C$  du solide (S) en fonction de :  $m$ ,  $V_m$ ,  $\omega_o$ ,  $t$  et  $\varphi$ . Sachant que :  $\cos^2 a = \frac{1}{2}(1 + \cos 2a)$ , montrer qu'on peut écrire:  $E_C = \frac{E_{C_{\max}}}{2} [1 + \cos(2\omega_o t + 2\varphi_x)]$

4)

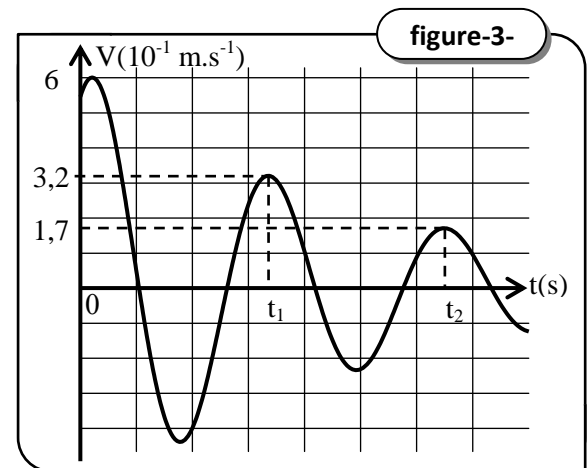
- a) En utilisant le graphe, trouver :
- L'amplitude  $V_m$  de la vitesse.
  - La période propre  $T_o$ . En déduire  $X_m$ .
  - La phase initiale  $\varphi_x$  de l'élongation  $x(t)$ .
- b) Ecrire la loi horaire du mouvement.
- c) Calculer l'abscisse initiale  $x_o$  ( $x(t=0)$ ) du solide(S) dans le repère  $(O, \vec{i})$ , déduire sa vitesse initiale  $v_o$ .
- d) Calculer la raideur  $K$  du ressort.



## Partie B :

Dans cette partie, le solide (S) est soumis à une force de frottement visqueux  $\vec{f} = -h\vec{v}$  avec  $h=0,2 \text{ kg}\cdot\text{s}^{-1}$ .

- Établir l'équation différentielle du mouvement du solide (S) régissant les variations de son élongation  $x(t)$ .
- Montrer que l'énergie totale du système  $S_o = \{(S) + \text{ressort}\}$  diminue au cours du temps.
- À l'aide d'un dispositif approprié, on a enregistré les variations de la vitesse du solide en fonction du temps ; on a trouvé le graphe de la figure 3 :  
Calculer l'énergie dissipée par la force de frottement entre les instants  $t_1$  et  $t_2$ .



## Exercice 2 (6 points)

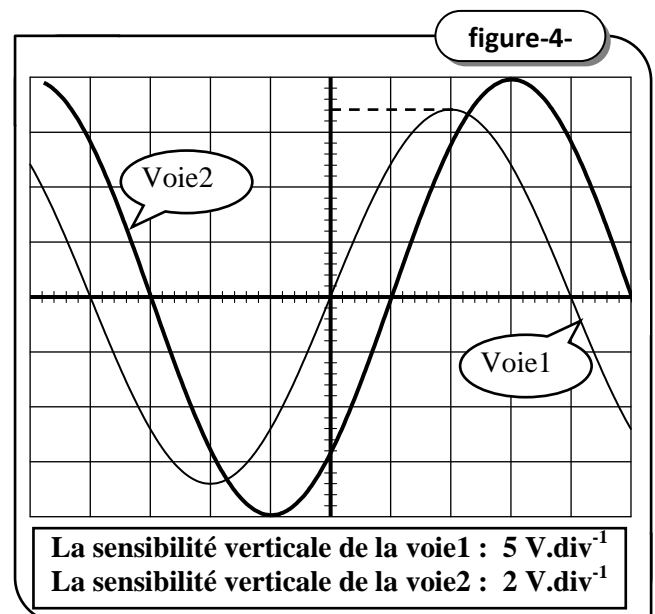
Un oscillateur électrique comporte en série :

- Une bobine d'inductance  $L$  et de résistance  $r$ .
- Un conducteur ohmique de résistance  $R=20 \Omega$ .
- Un condensateur de capacité  $C$ .

Cet oscillateur est excité par une tension alternative sinusoïdale  $u(t) = U_m \sin(2\pi Nt + \varphi_u)$  de fréquence  $N$  réglable, de valeur efficace constante et dont la phase initiale est variable. L'intensité instantanée du courant électrique qui circule dans le circuit est  $i(t) = I_m \sin(2\pi Nt)$ .

- Sur l'écran d'un oscilloscope, on visualise la tension  $u(t)$  et la tension  $u_R(t)$  aux bornes du résistor. Pour une pulsation  $\omega_1 = 400 \text{ rad}\cdot\text{s}^{-1}$ , on obtient l'oscillogramme de la figure 4.

- Préciser la tension visualisée sur chaque voie.
- Indiquer sur la figure 5, de la copie à rendre, les branchements qu'il faut effectuer entre l'oscilloscope et le circuit pour visualiser  $u(t)$  et  $u_R(t)$ .



- 2)
- a) Calculer l'impédance  $Z$  du circuit.
  - b) Déterminer le déphasage  $\Delta\phi$  de la tension  $u(t)$  par rapport à l'intensité de courant  $i(t)$ . Déduire la phase initiale  $\phi_u$  de la tension excitatrice.
  - 3) Etablir l'équation différentielle régissant les variations de  $i(t)$ .
  - 4) On donne, dans la figure 6 (copie à rendre), la construction de Fresnel incomplète relatives aux tensions maximales.
    - a) Compléter cette construction, sachant qu'aux bornes du condensateur  $U_{Cm}=10V$
    - b) En déduire que :  $C=100 \mu F$ ,  $L \approx 0,14 H$  et  $r=10 \Omega$ .
  - 5) Exprimer la puissance moyenne électrique  $P_1$  consommée par le circuit en fonction de  $r$ ,  $R$  et  $I$  ( $I$  : l'intensité efficace du courant dans le circuit). Déduire son expression en fonction de  $U$  (tension efficace aux bornes du G.B.F),  $R$ ,  $r$ ,  $L$ ,  $C$  et  $\omega_1$ . Calculer sa valeur.
  - 6) La même puissance moyenne  $P_1$  peut être consommée par l'oscillateur avec une autre pulsation  $\omega_2$  du G.B.F, montrer que  $\omega_1\omega_2=\omega_0^2$ . Calculer  $\omega_2$ .
  - 7) Pour une valeur  $\omega_3$  de la pulsation du G.B.F, la puissance moyenne dissipée par l'oscillateur est maximale.
    - a) Dans quel état se trouve le circuit ? donner la valeur de  $\omega_3$ .
    - b) Montrer que  $\frac{dE}{dt} = i.[u - (R+r).i]$  , avec  $E$  : l'énergie électromagnétique totale de l'oscillateur.
    - c) Déduire que  $E$  prend (dans ces conditions) une valeur constante  $E_0$  que l'on calculera
    - d) Comparer alors  $U_m$  et  $U_{cm}$  ( $U_{cm}$ : amplitude de la tension aux bornes du condensateur ). Conclure.
    - e) Etablir l'expression de l'intensité de courant  $i(t)$  et des tensions  $u(t)$  et  $u_c(t)$ .

