

## SERIE n°11

### EXERCICE N°1:

Calculer les intégrales suivantes :

$$1^{\circ}) \int_0^1 \frac{1}{3} x^3 + 2x - 5 dx. \quad 2^{\circ}) \int_0^1 t(t^2 + 1)^3 dt. \quad 3^{\circ}) \int_2^3 \frac{1}{2\sqrt{x}} dx. \quad 4^{\circ}) \int_1^e \frac{\log^2 x}{x} dx.$$

$$5^{\circ}) \int_{\log 2}^{\log 3} 2t dx. \quad 6^{\circ}) \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \cos x \sin^3 x dx. \quad 7^{\circ}) \int_0^1 \frac{t}{(1+t^2)^2} dt. \quad 8^{\circ}) \int_0^1 \frac{t}{\sqrt{1+t^2}} dt.$$

$$9^{\circ}) \int_{-1}^5 |t-2| + |t-4| dt \quad 10^{\circ}) \int_0^3 |2t-1| dt \quad 11^{\circ}) \int_{-3}^0 |t^2-t-2| dt \quad 12^{\circ}) \int_1^e \frac{\log t}{t} dt.$$

### EXERCICE N°2:

On considère l'intégrale :  $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{1}{\cos^2 x} dx$  et  $J = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{1}{\cos^3 x} dx$

1°) Calculer  $I$ .

2°) En considère la fonction définie sur  $\left[0, \frac{\pi}{4}\right]$  par  $f(x) = \frac{\sin x}{\cos^3 x}$ .

a- Montrer que  $f'(x) = \frac{3}{\cos^4 x} - \frac{2}{\cos^2 x}$ .

b- Déterminer une relation entre  $I$  et  $J$ .

c- En déduire le calcul de  $J$ .

### EXERCICE N°3:

Soient les intégrales suivantes :

$$I = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x^2+2}} \quad ; \quad J = \int_0^1 \frac{x^2}{\sqrt{x^2+2}} dx \quad ; \quad K = \int_0^1 \sqrt{x^2+2} dx.$$

1°) Soit la fonction  $f$  définie sur  $[0, 1]$  par  $f(x) = \log(x + \sqrt{x^2+2})$ .

a- Calculer la dérivée de  $f$ .

b- Calculer la valeur de  $I$ .

2°) a- Vérifier que  $J + 2I = K$ .

b- Montrer que  $K = \sqrt{3} - J$

c- En déduire les valeurs de  $J$  et de  $K$ .

### EXERCICE N°4:

Calculer les intégrales suivantes par la méthode d'intégration par parties :

$$1^{\circ}) \int_0^{\pi} x \sin x dx. \quad 2^{\circ}) \int_0^1 x \sqrt{1+x} dx. \quad 3^{\circ}) \int_1^e x \log x dx. \quad 4^{\circ}) \int_1^e \log x dx.$$

$$5^{\circ}) \int_0^{\frac{\pi}{2}} x^2 \sin x dx \quad 6^{\circ}) \int_0^1 \frac{x}{\sqrt{x+2}} dx \quad 7^{\circ}) \int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx \quad 8^{\circ}) \int_0^{\frac{\pi}{2}} x^2 \cos x dx$$