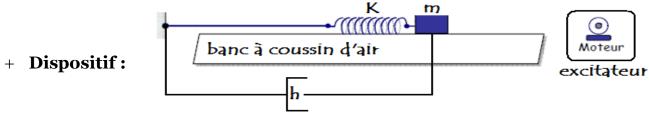


## Révisions Bac

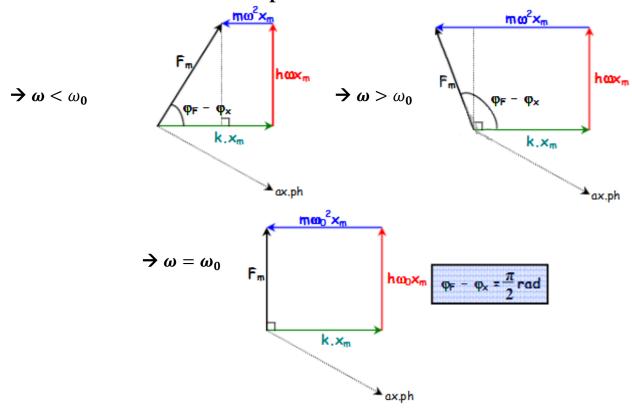
L'essentiel : Mécanique Forcé



2012 - 2013



- + Lorsque l'oscillateur (amorti par frottement fluide) est soumis à une force excitatrice F(t), son <u>équation différentielle</u> s'écrit :  $m \frac{d^2x}{dt^2} + h \frac{dx}{dt} + kx = F_m \cdot sin(\omega t + \varphi_F)$
- + Solution de l'équation différentielle :  $x = X_m \cdot sin(\omega t + \varphi_x)$
- + Les constructions de Fresnel possibles :



Remarque: x(t) est toujours en retard de phase par rapport à F(t)

- + Expression de  $X_m: X_m = \frac{F_m}{\sqrt{h^2\omega^2 + (k m\omega^2)^2}}$
- + Expression de  $tg(\varphi_x \varphi_F)$ :  $tg(\varphi_x \varphi_F) = \frac{h\omega}{m\omega^2 k}$
- + **Résonance d'élongation :**  $X_m \text{ est maximale} \rightarrow h^2 \omega^2 + (k m\omega^2)^2 \text{ est minimale} \rightarrow \frac{d}{d\omega} (h^2 \omega^2 + (k m\omega^2)^2) = 0$   $\rightarrow \omega_r^2 = \omega_0^2 \frac{h^2}{2m^2} \rightarrow N_r^2 = N_0^2 \frac{h^2}{8\pi m^2}$

Site web: www.matheleve.net

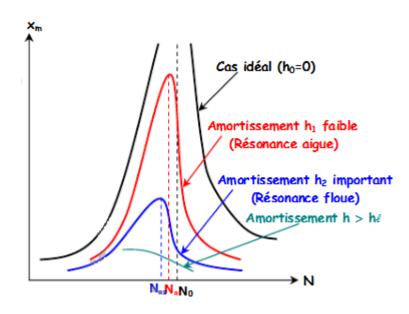
Contact: matheleve

+ Etude du cas idéal (h = o):

Pour 
$$\mathbf{h} = \mathbf{0}$$
,  $\boldsymbol{\omega}_r = \boldsymbol{\omega}_0 \rightarrow N_r = N_0 \rightarrow X_m = \frac{F_m}{\sqrt{(k - m\omega^2)^2}} = \frac{F_m}{|k - m\omega^2|}$ 

Si  $\omega_r$  tend vers  $\omega_0$  alors  $N_r$  tend vers  $N_0$  alors  $X_m$  tend vers  $\infty$  ( $F_m = Cte > 0$  et  $|k - m\omega^2|$  tend vers  $\mathbf{0}^+$ ) donc <u>risque</u> de rupture de ressort.

+ La résonance d'élongation se produit pour une pulsation  $\omega_r$  tel que :  $\omega_r^2 = \omega_0^2 - \frac{h^2}{2m^2}$ 



+Pour avoir résonance, il faut que :

$$\omega_r^2 > 0 \rightarrow \omega_0^2 - \frac{h^2}{2m^2} \leftrightarrow \frac{k}{m} - \frac{h^2}{2m^2} > 0 \rightarrow \frac{h^2}{2m^2} < \frac{k}{m} \rightarrow h < \sqrt{2km} = h_l$$

Avec  $h_l$ : la **valeur limite** qu'il ne faut pas dépasser si non, on n'a plus de résonance.

Site web: www.matheleve.net